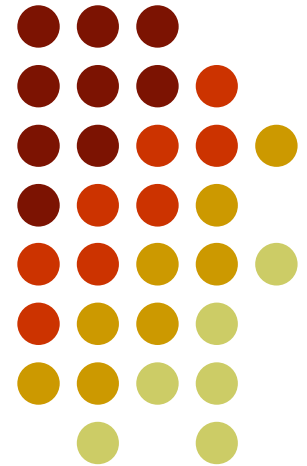


Ações e Planejamento

Profa. Josiane

David Poole, Alan Mackworth e Randy Goebel -
“*Computational Intelligence – A logical approach*” - cap. 8

Stuart Russel e Peter Norving - “Inteligência Artificial” - cap. 11



agosto/2008

Ações e Planejamento



- Agentes que raciocinam no tempo
 - O tempo passa enquanto os agentes agem e raciocinam
- Agentes que raciocinam sobre o tempo
 - O que o agente deve fazer depende dos seus objetivos, do que ele sabe sobre o mundo, e do que ele pretende fazer no futuro

Representação de Tempo



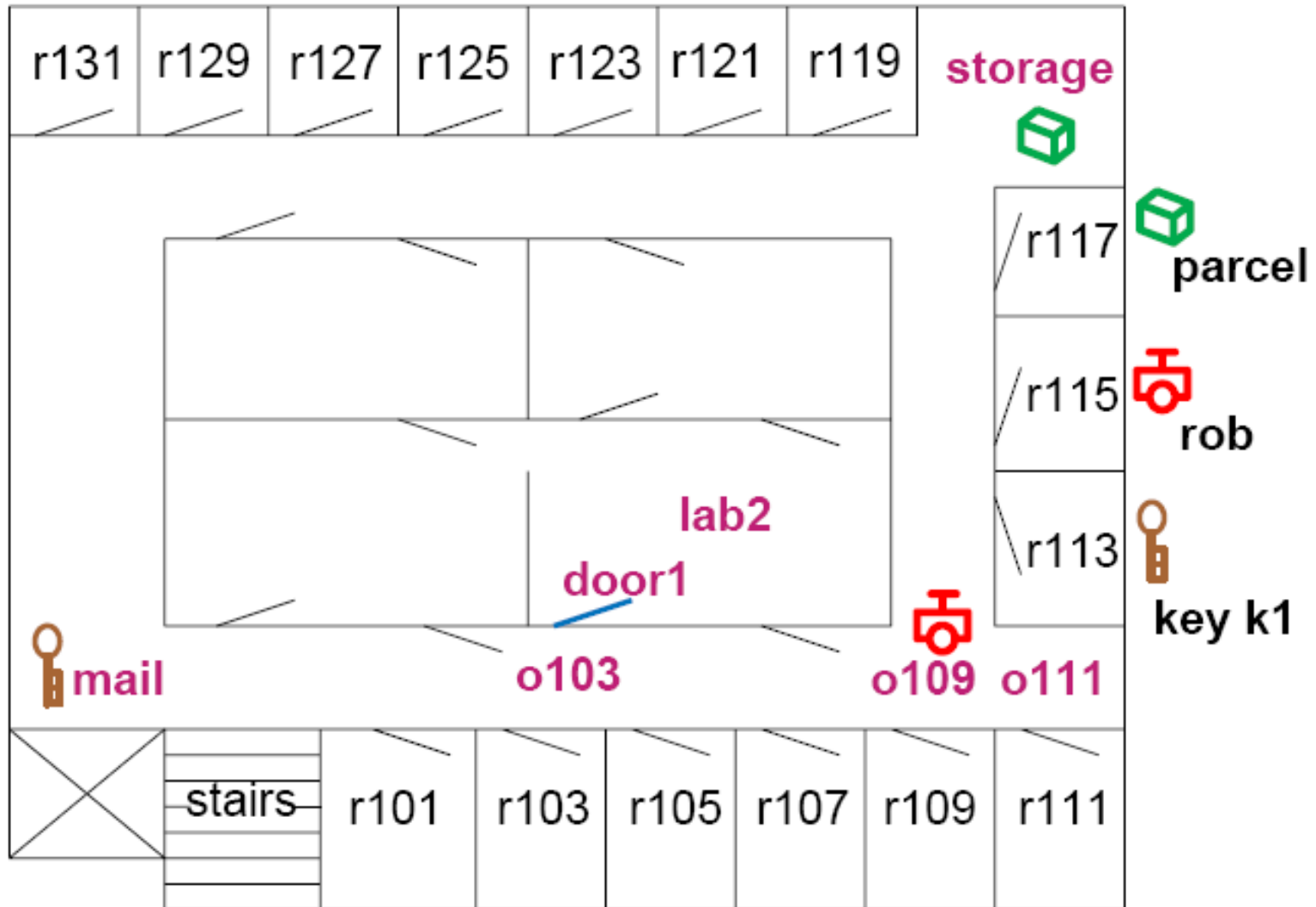
- Tempo pode ser modelado de várias formas:
 - Tempo **discreto**: Modelado como se tempo saltasse de um ponto para outro (uma ação por milissegundo ou dia, por exemplo)
 - Tempo **contínuo**: Modelado sem saltos
 - Tempo **baseado em evento**: Os passos no tempo não tem que ser uniforme; podemos considerar os passos como o tempo entre eventos interessantes (antes e depois de uma ação, por exemplo)
 - **Espaço de estados**: Ao invés de considerar tempo explicitamente, podemos considerar ações como mapeamento de um estado para outro
- Podemos modelar tempo em termos de pontos ou intervalos

Tempo e relações



- Dois tipos básicos de relações:
 - Relações **Estáticas**: aquelas para as quais os valores não dependem do tempo
 - Relações **Dinâmicas**: aquelas para as quais os valores verdade dependem do tempo. Podem ser:
 - Relações **Derivadas**: aquelas cuja definição pode ser derivada de outras relações em cada tempo
 - Relações **Primitivas**: aquelas cujo os valores verdade podem ser determinados considerando o tempo anterior
 - Relações derivadas ou primitivas são uma suposição de modelagem, e não uma propriedade do domínio

O mundo do robô de entrega



Modelando o mundo do robô de entrega



- Indivíduos: salas, portas, chaves, pacotes, e o robô.
- Ações:
 - Mover de uma sala para outra
 - Pegar e soltar chaves e pacotes
 - Destrançar portas (com as chaves corretas)
- Relações que representam:
 - A posição do robô
 - A posição dos pacotes e chaves e das portas trancadas
 - O que o robô está segurando

Modelando as relações



- ***at(Obj, Loc)*** é verdade em uma situação se o objeto *Obj* está na localização *Loc* naquela situação (derivada)
- ***carrying(Ag, Obj)*** é verdade em uma situação se o objeto *Ag* está carregando *Obj* naquela situação (primitiva)
- ***sitting_at(Obj, Loc)*** é verdade em uma situação se o objeto *Obj* está parado (não sendo carregado) na localização *Loc* naquela situação (primitiva)
- ***unlocked(Door)*** é verdade em uma situação se a porta *Door* está destrancada naquela situação (primitiva)
- ***autonomous(Ag)*** é verdade se o agente *Ag* pode sem mover autonomamente.
 - É modelada como uma relação estática

Modelando as relações



- ***open(key, Door)*** é verdade se a chave *key* abre a porta *Door*.
 - É modelada como uma relação estática
- ***adjacent(Pos₁, Pos₂)*** é verdade se a posição *Pos₁* é adjacente à posição *Pos₂* de forma que o robô pode se mover de *Pos₁* para *Pos₂* em um passo (derivada)
- ***between(Door, Pos₁, Pos₂)*** é verdade se *Door* está entre as posições *Pos₁* e *Pos₂*
 - Se a porta está aberta as duas posições são adjacentes
 - É modelada como uma relação estática (não criamos portas)

Modelando as ações

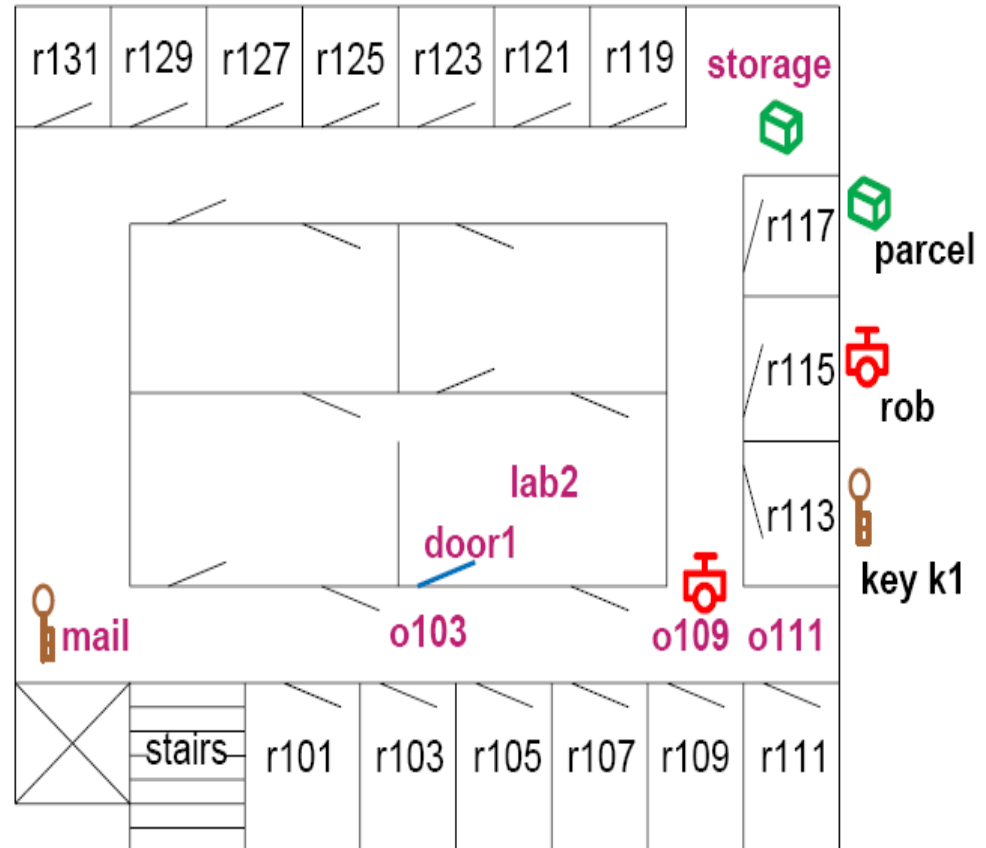


- ***move(Ag, From, To)*** é a ação do agente *Ag* se mover da localização *From* para a localização *To*
 - O agente pode fazer esta ação se ele estiver na localização *From* e a localização *To* é uma localização adjacente a *From*
- ***pickup(Ag, Obj)*** é a ação do agente *Ag* pegar o objeto *Obj*
 - O agente pode fazer esta ação se ele estiver na mesma localização que o objeto *Obj*
- ***putdown(Ag, Obj)*** é a ação do agente *Ag* soltar o objeto *Obj*
 - O agente pode fazer esta ação somente se ele estiver segurando o objeto *Obj*
- ***unlock(Ag, Door)*** é a ação do agente *Ag* destrancar a porta *Door*
 - O agente pode fazer esta ação somente se ele estiver do lado de fora da porta e estiver carregando a chave para aquela porta

Descrição do mundo inicial



- **Situação inicial:**
 - *sitting_at(rob, o109).*
 - *sitting_at(parcel, storage).*
 - *sitting_at(k1, mail).*
- **Fatos estáticos:**
 - *between(door₁, o103, lab₂).*
 - *open(k₁, door₁).*
 - *autonomous(rob).*

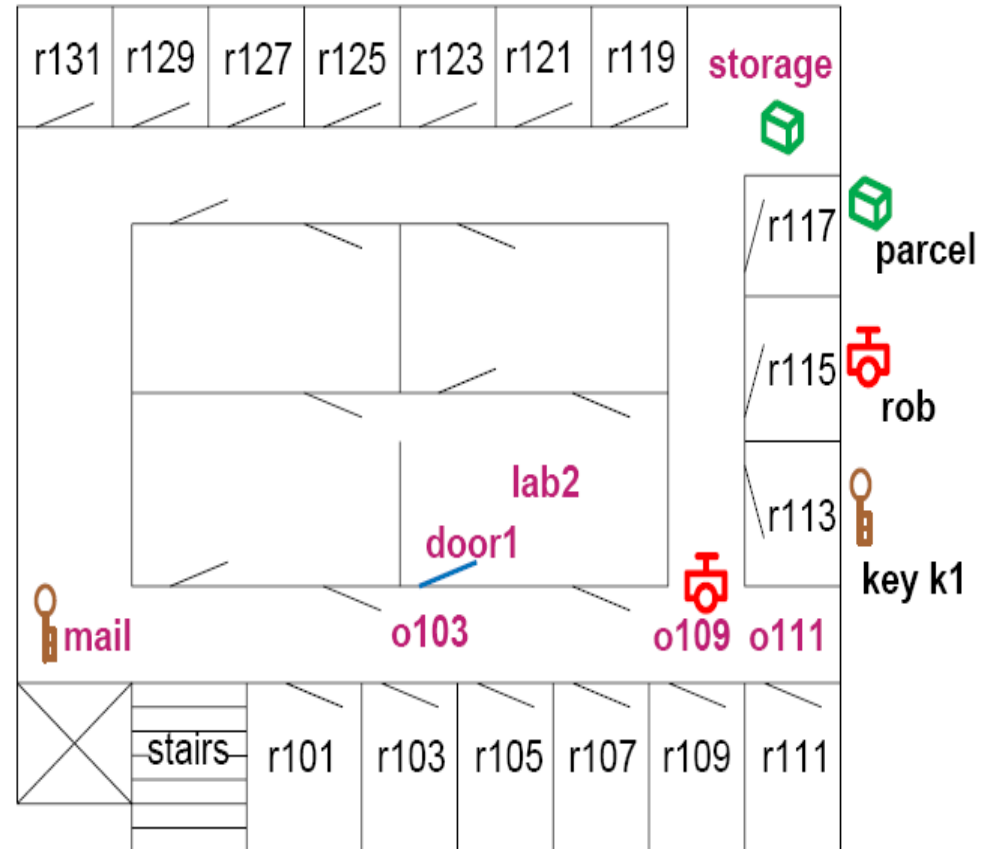


Relações derivadas



- $adjacent(o109, o103)$.
- $adjacent(o103, o109)$.
- $adjacent(o109, storage)$.
- $adjacent(storage, o109)$.
- $adjacent(o109, o111)$.
- $adjacent(o111, o109)$.
- $adjacent(o103, mail)$.
- $adjacent(mail, o103)$.
- $adjacent(lab_2, o109)$.

- $adjacent(P_1, P_2) \leftarrow between(Door, P_1, P_2) \wedge unlocked(Door)$.
- $at(Obj, Pos) \leftarrow sitting_at(Obj, Pos)$.
- $at(Obj, Pos) \leftarrow carrying(Ag, Obj) \wedge at(Ag, Pos)$.



Representação das ações e mudanças



- Visões do tempo baseadas em estado. Mapeiam um estado para outro:
 - STRIPS (*STanford Research Institute Problem Solver*)
 - As ações e estados são externos à lógica
 - Cálculo situacional
 - Os estados são objetos da lógica (estados são reificados)
- Visão que considera tempo explicitamente:
 - Cálculo de eventos

Representação em STRIPS



- Ações e estados externos à lógica
- Dado um estado e uma ação, é usada para determinar:
 - Se a ação pode ser feita no estado
 - O que é verdade no estado resultante
- É usada para determinar os valores verdade dos predicados primitivos baseada no estado anterior e na ação
 - As relações derivadas podem ser inferidas dos valores verdade das relações primitivas
- Baseada na idéia que a maioria dos predicados não são afetados por uma simples ação
- **Suposição de STRIPS:** relações primitivas não mencionadas na descrição da ação continuam sem mudanças

Representação de uma ação em STRIPS



- A representação de uma ação consiste de:
 - **Precondições:** uma lista dos átomos que necessitam ser verdade no estado para que a ação ocorra
 - **Lista a apagar:** uma lista daquelas relações primitivas que não serão mais verdadeiras no estado após a ação
 - **Lista a adicionar:** uma lista daquelas relações primitivas que se tornam verdadeiras no estado pela aplicação da ação

Representação de uma ação em STRIPS – Exemplos



- Exemplo 1: A ação pegar $pickup(Ag, Obj)$ pode ser definida por:
 - **Precondições:** [$automomous(Ag)$, $Ag \neq Obj$, $at(Ag, Pos)$, $sitting_at(Obj, Pos)$]
 - **Lista a apagar:** [$sitting_at(Obj, Pos)$]
 - **Lista a adicionar:** [$carrying(Ag, Obj)$]
- Exemplo 2: A ação mover $move(Pos_1, Pos_2, Ag)$ pode ser definida por:
 - **Precondições:** [$automomous(Ag)$, $adjacent(Pos_1, Pos_2)$, $sitting_at(Ag, Pos_1)$]
 - **Lista a apagar:** [$sitting_at(Ag, Pos_1)$]
 - **Lista a adicionar:** [$sitting_at(Ag, Pos_2)$]

Representação gráfica de uma ação em STRIPS – Exemplos



- Exemplo 1: A ação pegar $pickup(Ag, Obj)$ pode ser definida por:
 - **Precondições:** [$automomous(Ag)$, $Ag \neq Obj$, $at(Ag, Pos)$, $sitting_at(Obj, Pos)$]
 - **Lista a apagar:** [$sitting_at(Obj, Pos)$]
 - **Lista a adicionar:** [$carrying(Ag, Obj)$]

$automomous(Ag) \wedge Ag \neq Obj \wedge at(Ag, Pos) \wedge sitting_at(Obj, Pos)$

$pickup(Ag, Obj)$

$\sim sitting_at(Obj, Pos) \wedge carrying(Ag, Obj)$

Representação gráfica de uma ação em STRIPS – Exemplos



- Exemplo 2: A ação mover $move(Ag, Pos_1, Pos_2)$ pode ser definida por:
 - **Precondições:** [$autonomous(Ag)$, $adjacent(Pos_1, Pos_2)$, $sitting_at(Ag, Pos_1)$]
 - **Lista a apagar:** [$sitting_at(Ag, Pos_1)$]
 - **Lista a adicionar:** [$sitting_at(Ag, Pos_2)$]

$autonomous(Ag) \wedge adjacent(Pos_1, Pos_2) \wedge sitting_at(Ag, Pos_1)$

$move(Pos_1, Pos_2, Ag)$

$\sim sitting_at(Ag, Pos_1) \wedge sitting_at(Ag, Pos_2)$

Exemplos de Transições

(aplicação da ações)



- Estado Inicial:

$$\left\{ \begin{array}{l} \textit{sitting_at}(\textit{rob}, \textit{o109}). \\ \textit{sitting_at}(\textit{parcel}, \textit{storage}). \\ \textit{sitting_at}(\textit{k1}, \textit{mail}). \end{array} \right\}$$

- Após a aplicação da ação ***move(rob, o109, storage)***:

$$\left\{ \begin{array}{l} \textit{sitting_at}(\textit{rob}, \textit{storage}). \\ \textit{sitting_at}(\textit{parcel}, \textit{storage}). \\ \textit{sitting_at}(\textit{k1}, \textit{mail}). \end{array} \right\}$$

Exemplos de Transições

(aplicação da ações)



- Estado Anterior:

$$\left\{ \begin{array}{l} \textit{sitting_at}(\textit{rob}, \textit{storage}). \\ \textit{sitting_at}(\textit{parcel}, \textit{storage}). \\ \textit{sitting_at}(\textit{k1}, \textit{mail}). \end{array} \right\}$$

- Após a aplicação da ação ***pickup(rob, parcel)***:

$$\left\{ \begin{array}{l} \textit{sitting_at}(\textit{rob}, \textit{storage}). \\ \textit{carrying}(\textit{rob}, \textit{parcel}). \\ \textit{sitting_at}(\textit{k1}, \textit{mail}). \end{array} \right\}$$

Cálculo Situacional



- Representação orientada a estados-ações na qual os estados e as ações são reificadas (são termos da lógica)
- Uma **situação** é um termo que denota um estado
- Existem duas formas de referências a estados:
 - ***Init*** denota o estado inicial
 - ***do(A, S)*** denota o estado resultante de fazer a ação *A* no estado *S*, se for possível executar *A* em *S*

Exemplo de Estados



- *init*
- $do(\text{move}(\text{rob}, \text{o109}, \text{o103}), \text{init}).$
 $do(A_1, S_1).$
- $do(\text{move}(\text{rob}, \text{o103}, \text{mail}), \quad \text{-->} A_2$
 $do(\text{move}(\text{rob}, \text{o109}, \text{o103}), \quad \text{-->} A_1$
 $init)). \quad \text{-->} S_1$ } S_2
- $do(\text{pickup}(\text{rob}, k1), \quad \text{-->} A_3$
 $do(\text{move}(\text{rob}, \text{o103}, \text{mail}), \quad \text{-->} A_2$
 $do(\text{move}(\text{rob}, \text{o109}, \text{o103}), \quad \text{-->} A_1$
 $init))). \quad \text{-->} S_1$ } S_2 } S_3

Usando o termo situação



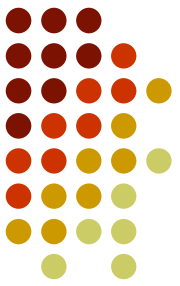
- Adicionar um termo extra para cada predicado dinâmico indicando a situação
- Exemplo:
 - $at(Obj, Loc, \mathbf{S})$ é verdade se o objeto Obj está na localização Loc na situação S
 - $at(rob, o109, \mathbf{init})$ é verdadeiro se o robô rob estiver na posição $o109$ na situação inicial
 - $at(rob, o103, \mathbf{do(move(rob, o109, o103), init)})$ é verdadeiro se o robô rob estiver na $o103$ na situação resultante de rob mover-se da da posição $o109$ para a posição $o103$ da situação inicial
 - $at(k1, mail, \mathbf{do(move(rob, o109, o103), init)})$ é verdadeiro se $k1$ estiver na posição $mail$ na situação resultante de rob mover-se da da posição $o109$ para a posição $o103$ da situação inicial

Axiomatização usando Cálculo Situacional



- Especificamos o que é verdade no estado inicial usando axiomas com *init* como o parâmetro da situação
- **Relações Primitivas** são definidas por especificar quais instâncias são verdadeiras nas situações da forma $do(A, S)$ em termos do que é válido na situação S
- **Relações Derivadas** são definidas usando cláusulas com uma variável livre no argumento da situação
 - Sua verdade em uma situação depende do que mais é verdade na situação
- **Relações Estáticas** são definidas sem referência à situação

Axiomatização usando Cálculo Situacional - Exemplo



- Situação inicial

sitting_at(rob, o109, init).

sitting_at(parcel, storage, init).

sitting_at(k1, mail, init).

- Relações Derivadas

adjacent(P₁, P₂, S) ←

between(Door, P₁, P₂) ∧

unlocked(Door, S).

adjacent(lab2, o109, S).

...

Ações possíveis

(semelhante às precondições em STRIPS)



- ***poss(A, S)*** é verdade se a ação *A* é possível no estado *S*

$$\textit{poss}(\textit{putdown}(Ag, Obj), S) \leftarrow \\ \textit{carrying}(Ag, Obj, S).$$
$$\textit{poss}(\textit{move}(Ag, Pos_1, Pos_2), S) \leftarrow \\ \textit{autonomous}(Ag) \wedge \\ \textit{adjacent}(Pos_1, Pos_2, S) \wedge \\ \textit{sitting_at}(Ag, Pos_1, S).$$

Axiomatização das relações primitivas



- Temos que axiomatizar como o que é verdade em um estado depende do estado anterior e da ação ocorrida entre eles
- Para cada relação primitiva, especificamos:
 - Como ela se torna verdadeira e
 - Quando ela continua sendo verdadeira (axioma de frame)
- **Axiomas de frame** especificam o que continua sem mudanças durante uma ação

Axiomatização das relações primitivas

Exemplo



- **Exemplo:** Destrancar uma porta causa o efeito da porta ficar destrancada

$$\begin{aligned} & \textit{unlocked}(\textit{Door}, \textit{do}(\textit{unlock}(\textit{Ag}, \textit{Door}), \textit{S})) \leftarrow \\ & \textit{poss}(\textit{unlock}(\textit{Ag}, \textit{Door}), \textit{S}). \end{aligned}$$

- **Axioma de frame:** a porta continua destrancada porque nenhuma ação tranca uma porta

$$\begin{aligned} & \textit{unlocked}(\textit{Door}, \textit{do}(\textit{A}, \textit{S})) \leftarrow \\ & \textit{unlocked}(\textit{Door}, \textit{S}) \wedge \\ & \textit{poss}(\textit{A}, \textit{S}). \end{aligned}$$

Axiomatização das relações primitivas



- **Exemplo:** Pegar um objeto causa o efeito de ele ser carregado

$$\begin{aligned} \text{carrying}(Ag, Obj, \text{do}(\text{pickup}(Ag, Obj), S)) \leftarrow \\ \text{poss}(\text{pickup}(Ag, Obj), S). \end{aligned}$$

- **Axioma de frame:** o objeto continua sendo carregado se ele estava sendo carregado antes, ao menos que a ação for soltar

$$\begin{aligned} \text{carrying}(Ag, Obj, \text{do}(A, S)) \leftarrow \\ \text{carrying}(Ag, Obj, S) \wedge \\ \text{poss}(A, S) \wedge \\ A \neq \text{putdown}(Ag, Obj). \end{aligned}$$

Axioma de frame mais geral



- A única ação que desfaz *sitting_at* para o objeto *Obj* é quando *Obj* se move para algum lugar ou alguém pega *Obj*
- Axioma de frame para o relação *sitting_at*:

$$\begin{aligned} & \textit{sitting_at}(\textit{Obj}, \textit{Pos}, \textit{do}(A, S)) \leftarrow \\ & \quad \textit{poss}(A, S) \wedge \\ & \quad \textit{sitting_at}(\textit{Obj}, \textit{Pos}, S) \wedge \\ & \quad \forall \textit{Pos}_1 A \neq \textit{move}(\textit{Obj}, \textit{Pos}, \textit{Pos}_1) \wedge \\ & \quad \forall \textit{Ag} A \neq \textit{pickup}(\textit{Ag}, \textit{Obj}). \end{aligned}$$

- A última linha é equivalente a
 $\sim \exists \textit{Ag} A = \textit{pickup}(\textit{Ag}, \textit{Obj})$

STRIPS e Cálculo Situacional



- Qualquer coisa que pode ser declarada em STRIPS pode ser declarada em cálculo situacional
- O cálculo situacional é mais poderoso
- Exemplo: supõe a ação *drop_everything(Ag)*, onde o agente solta tudo o que estiver segurando
 - Não pode ser representada em STRIPS com a relação *sitting_at*
 - Porque as instâncias de *sitting_at* a apagar dependeriam do que o agente está carregando
 - E não poderiam ser especificadas em um passo

STRIPS e Cálculo Situacional



- Exemplo: ação *drop_everything*(Ag)
 - **Precondições:** [*autonomous*(Ag), *sitting_at*(Ag, Pos), *carrying*(Ag, Obj₁), *carrying*(Ag, Obj₂),..., *carrying*(Ag, Obj_n)]
 - **Lista a apagar:** [*carrying*(Ag, Obj₁), *carrying*(Ag, Obj₂),..., *carrying*(Ag, Obj_n)]
 - **Lista a adicionar:** [*sitting_at*(Obj₁, Pos), *sitting_at*(Obj₂, Pos),..., *sitting_at*(Obj_n, Pos)]
- Ação *drop_everything*(Ag) não pode ser descrita desta forma porque não temos conhecimento de todas as relações *carrying*(Ag, Obj_x)

STRIPS e Cálculo Situacional



- O cálculo situacional é mais poderoso
 - $sitting_at(Obj, Pos, do(drop_everything(Ag), S)) \leftarrow$
 $poss(drop_everything(Ag), S) \wedge$
 $at(Ag, Pos, S) \wedge$
 $carrying(Ag, Obj, S).$
 - Devemos adicionar a exceção do axioma de frame para $carrying(Ag, Obj, S)$
 - $carrying(Ag, Obj, do(A, S)) \leftarrow$
 $poss(A, S) \wedge$
 $carrying(Ag, Obj, S) \wedge$
 $A \neq drop_everything(Ag) \wedge$
 $A \neq putdown(Ag, Obj).$

Planejamento



- Dado:
 - Uma descrição inicial do mundo
 - Uma descrição das ações disponíveis
 - Um objetivo
- Um **plano** é uma sequência de ações que irá alcançar o objetivo
- Um **planejador** (ou algoritmo de planejamento) é um resolvidor de problemas que pode produzir planos com essas entradas

Exemplo de Plano



- Vamos supor que queremos alcançar Rob segurando a chave $k1$ e estando em $o103$, podemos perguntar pela query:
 - $?carrying(rob, k1) \wedge at(rob, o103, S)$.
- Tem como resposta o plano:

$S = do(move(rob, mail, o103),$
 $do(pickup(rob, k1),$
 $do(move(rob, o103, mail),$
 $do(move(rob, o109, o103), init))))).$

Planejamento como uma busca no espaço de estados



- Busca no grafo do espaço de estados, onde os nós representam os estados e os arcos representam as ações
 - Para frente: a partir do estado inicial (por progressão)
 - Para trás: a partir do objetivo (por regressão)
- Estado inicial da busca
 - Progressão: Estado inicial do problema de planejamento
 - Regressão: Estado objetivo do problema de planejamento
- Função sucessora
 - Progressão: Todas as ações aplicáveis a um estado (aquelas cujas condições são satisfeitas)
 - Regressão: Todas as ações que alcançam alguma parte do objetivo (aquelas cujo(s) efeito(s) alcança(m) algum subobjetivo(s))

Planejamento como uma busca no espaço de estados



- Teste de objetivo
 - Progressão: Verifica se o estado satisfaz o objetivo do problema de planejamento
 - Regressão: Verifica se o estado satisfaz o estado inicial do problema de planejamento
- Custo do passo
 - Geralmente constante
- Uma estratégia de busca completa (A^* ou profundidade iterativa), garante encontrar a solução
- Fator de ramificação é o número de ações possíveis para qualquer estado
 - Progressão: o fator de ramificação é muito grande
 - Regressão: o fator de ramificação diminui porque apenas ações relevantes são testadas

Exemplo de um problema de busca

Transporte aéreo de cargas



Início: $em(c1, sfo) \wedge em(c2, jfk) \wedge em(a1, sfo) \wedge em(a2, jfk) \wedge carga(c1) \wedge carga(c2) \wedge avião(a1) \wedge avião(a2) \wedge aeroporto(jfk) \wedge aeroporto(sfo)$

Objetivo: $em(c1, jfk) \wedge em(c2, sfo)$

Ação carregar(C, A, L)

Precondição: $em(C, L) \wedge em(A, L) \wedge carga(C) \wedge avião(A) \wedge aeroporto(L)$

Lista a apagar: $em(C, L)$

Lista a Inserir: $dentro(C, A)$

Ação descarregar(C, A, L)

Precondição: $dentro(C, A) \wedge em(A, L) \wedge carga(C) \wedge avião(A) \wedge aeroporto(L)$

Lista a apagar: $dentro(C, A)$

Lista a Inserir: $em(C, L)$

Ação voar(A, De, Para)

Precondição: $em(A, De) \wedge avião(A) \wedge aeroporto(De) \wedge aeroporto(Para)$

Lista a apagar: $em(A, De)$

Lista a Inserir: $em(A, Para)$

Busca por Progressão



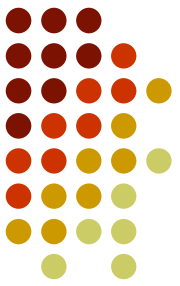
- Ineficiente
 - Não ataca o problema de ações irrelevantes
 - Gera um fator de ramificação muito grande
- Problema das cargas
 - 10 aeroportos, 5 aviões, 20 itens de carga
 - Mover toda a carga do aeroporto A para B
 - Em média 1000 ações possíveis
 - Média de 1000^{41} nós na árvore de busca
- Precisa de uma heurística muito precisa

Busca por Regressão



- Vantagem: Permite considerar apenas ações **relevantes**
 - Menor fator de ramificação
 - Exemplo do problema de cargas: 1000 ações para a frente e 20 ações para trás
- Uma ação é relevante para um objetivo conjuntivo se ela alcança um dos elementos da conjunção do objetivo
 - Exemplo do problema de cargas: 10 aeroportos e 20 itens em B
 - $em(c_1, sfo) \wedge em(c_2, sfo) \wedge em(c_3, sfo) \wedge \dots \wedge em(c_{20}, sfo)$
 - Podemos buscar por ações que tem cada elemento da conjunção como efeito
 - Ex: $descarregar(c_1, A, sfo)$ tem como efeito $em(c_1, sfo)$
- Quais são os estados a partir dos quais a aplicação de uma dada ação leva ao objetivo?

Planejamento por Regressão



- Dado um conjunto de objetivos:
 - Se eles todos são válidos no estado inicial, retorne o plano vazio
 - Caso contrário, escolha uma ação A que alcance um dos subobjetivos
 - Esta será a última ação do plano
 - Determine **o que** deve ser verdade imediatamente antes da ação A de forma que **todos** os subobjetivos serão verdadeiros imediatamente depois de A (precondição mais fraca)
 - Recursivamente resolva os novos objetivos (= precondição mais fraca)
 - Obs: Subobjetivos não podem ser considerados separadamente
 - Alcançar um subobjetivo pode desfazer um subobjetivo já alcançado

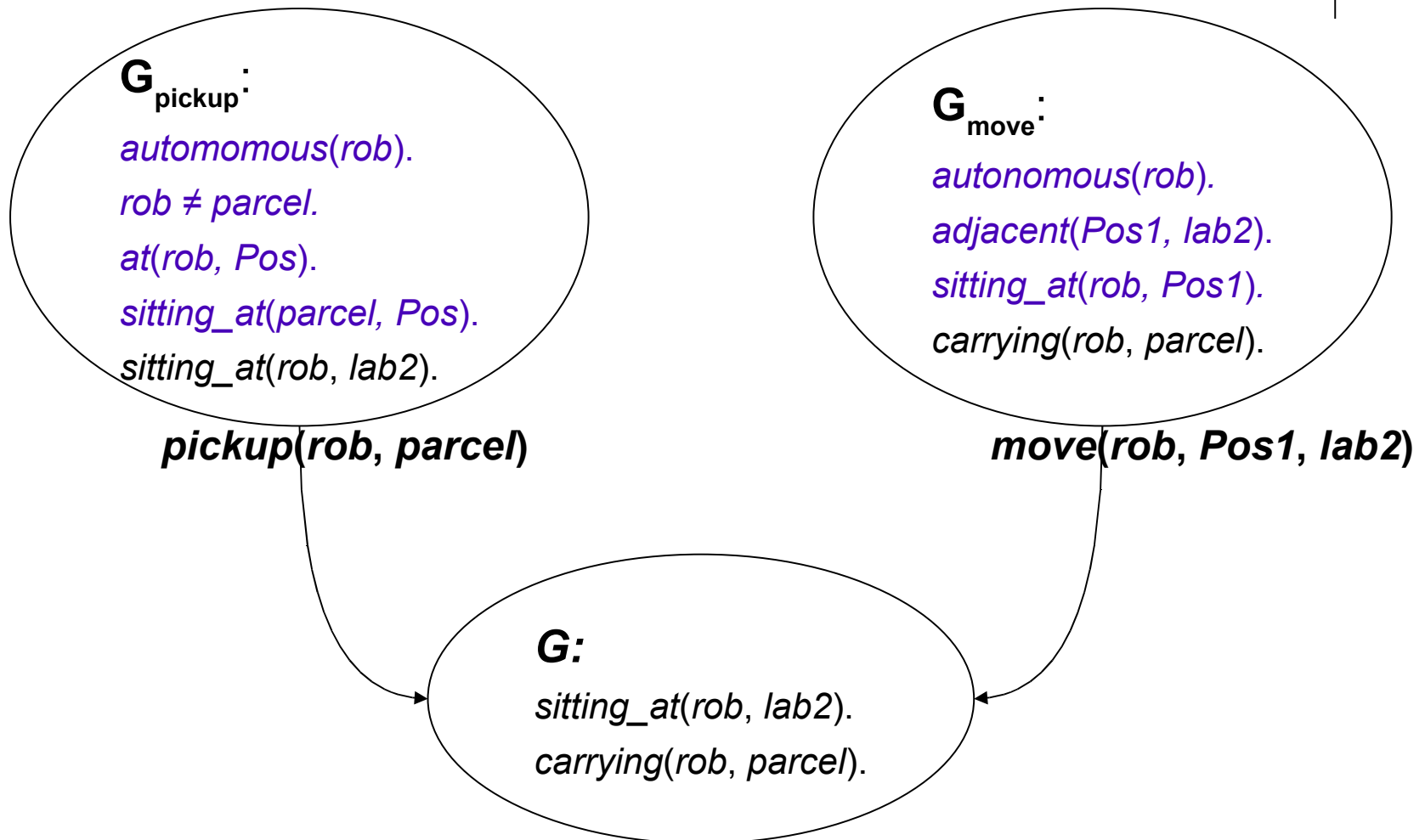
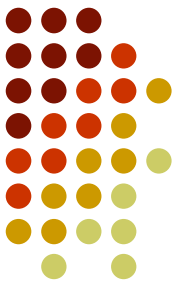
Planejamento por Regressão



- Os nós são conjuntos de objetivos
- Arcos correspondem a ações
- Um nó com um conjunto de objetivos G tem um vizinho para cada ação A que alcança um dos objetivos de G
- O vizinho correspondente para a ação A é o nó com os objetivos G_A que deve ser verdadeiro imediatamente antes da ação A e desta forma todos os objetivos em G são verdadeiros imediatamente após A
 - G_A é a precondição mais fraca para a ação A e o conjunto de objetivos G
- A busca pode parar quando temos um nó onde todos os objetivos são verdadeiros no estado inicial

Planejamento por Regressão

Espaço de estados



Precondição mais fraca



- O predicado $wp(A, GL, WP)$ é verdadeiro se WP é a precondição mais fraca que deve ocorrer imediatamente antes da ação A , assim todo elemento da lista de objetivos GL é verdadeiro imediatamente após A
- Para a representação STRIPS (com todos os predicados primitivos):
 - $wp(A, GL, WP)$ é falso se qualquer elemento de GL está na lista a apagar da ação A
 - Caso contrário WP é
 - $preconds(A) \cup \{G \in GL: G \notin lista_adicionar(A)\}$

Exemplo de precondições mais fracas



- A precondição mais fraca para
 - [*sitting_at(rob, lab2), carrying(rob, parcel)*]
- Para ser verdadeira após a ação *move(rob, Pos, lab2)* é que
 - [autonomous(rob),*
 - adjacent(Pos, lab2),*
 - sitting_at(rob, Pos),*
 - carrying(rob, parcel)]*
- É verdadeiro imediatamente antes da ação

Um planejador por Regressão



- $solve(G, W)$ é verdadeiro se todo elemento da lista de objetivos GL for verdadeiro no mundo W

$solve(GoalSet, init) \leftarrow$

$holdsall(GoalSet, init).$

$solve(GoalSet, do(Action, W)) \leftarrow$

$consistent(GoalSet) \wedge$

$choose_goal(Goal, GoalSet) \wedge$

$choose_action(Action, Goal) \wedge$

$wp(Action, GoalSet, NewGoalSet) \wedge$

$solve(NewGoalSet, W).$

Exemplo de Planejamento por Regressão



- Problema de calçar os sapatos
- Objetivo: $calçado(sapato, direito) \wedge calçado(sapato, esquerdo)$
- Situação Inicial: $sem(meia, esquerdo) \wedge sem(meia, direito)$
- Ações possíveis:
 - $calçar(S, Lado)$
 - Precondições: [$colocado(meia, Lado)$]
 - Lista a apagar: []
 - Lista a adicionar: [$calçado(S, Lado)$]
 - $colocar(M, Lado)$
 - Precondições: [$sem(M, Lado)$]
 - Lista a apagar: []
 - Lista a adicionar: [$colocado(M, Lado)$]

Exemplo de Planejamento por Regressão



Situação inicial: $[sem(meia, esquerdo) \wedge sem(meia, direito)]$

Lista de objetivos inicial **G**: $[calçado(sapato, direito) \wedge calçado(sapato, esquerdo)]$

Subobjetivo selecionado: $calçado(sapato, esquerdo)$

Ação: **calçar(S, Lado)** => unificação $\{S/sapato, Lado/esquerdo\}$

Precondição mais fraca para **G** e a ação **calçar**:

$[calçado(sapato, direito) \wedge colocado(meia, esquerdo)]$



colocado(meia, esquerdo)

calçar(sapato,esquerdo)

calçado(sapato, esquerdo)

Exemplo de Planejamento por Regressão



Situação inicial: $[sem(meia, esquerdo) \wedge sem(meia, direito)]$

Nova lista de objetivos inicial G1:

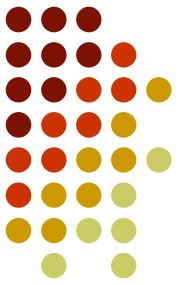
$[calçado(sapato, direito) \wedge colocado(meia, esquerdo)]$

Subobjetivo selecionado: $colocado(meia, esquerdo)$

Ação: **colocar**(*M*, *Lado*) => unificação {*M/meia*, *Lado/esquerdo*}

Precondição mais fraca para **G1** e a ação **colocar**:

$[calçado(sapato, direito) \wedge sem(meia, esquerdo)]$



sem(meia, esquerdo)

colocar(meia, esquerdo)

colocado(meia, esquerdo)



colocado(meia, esquerdo)

calçar(sapato, esquerdo)

calçado(sapato, esquerdo)

Exemplo de Planejamento por Regressão



Situação inicial: [*sem(meia, esquerdo) ^ sem(meia, direito)*]

Nova lista de objetivos inicial G2:

[*calçado(sapato, direito) ^ sem(meia, esquerdo)*]

Subobjetivo selecionado: *sem(meia, esquerdo)*

sem(meia, esquerdo) => verdadeiro no estado inicial

Nova lista de objetivos G3: [*calçado(sapato, direito)*]

Exemplo de Planejamento por Regressão



Situação inicial: [sem(*meia*, *esquerdo*) ^ sem(*meia*, *direito*)]

Nova lista de objetivos inicial G3:

[calçado(*sapato*, *direito*)]

Subobjetivo selecionado: calçado(*sapato*, *direito*)

Ação: **calçar(S, Lado)** => unificação {S/*sapato*, Lado/*direito*}

Precondição mais fraca para **G3** e a ação **calçar**:

[colocado(*meia*, *direito*)]



colocado(meia, direito)

calçar(sapato,direito)

calçado(sapato, direito)



sem(meia, esquerdo)

colocar(meia,esquerdo)

colocado(meia, esquerdo)



colocado(meia, esquerdo)

calçar(sapato,esquerdo)

calçado(sapato, esquerdo)

Exemplo de Planejamento por Regressão



Situação inicial: [*sem(meia, esquerdo) ^ sem(meia, direito)*]

Nova lista de objetivos inicial G4:

[*colocado(meia, direito)*]

Subobjetivo selecionado: [*colocado(meia, direito)*]

Ação: **colocar**(*M, Lado*) => unificação {*M/meia, Lado/direito*}

Precondição mais fraca para **G4** e a ação **colocar**:

[*sem(meia, direito)*]



sem(meia, direito)

colocar(meia,direito)

colocado(meia, direito)



colocado(meia, direito)

calçar(sapato,direito)

calçado(sapato, direito)



sem(meia, esquerdo)

colocar(meia,esquerdo)

colocado(meia, esquerdo)



colocado(meia, esquerdo)

calçar(sapato,esquerdo)

calçado(sapato, esquerdo)

Exemplo de Planejamento por Regressão



Situação inicial: [$sem(meia, esquerdo) \wedge sem(meia, direito)$]

Nova lista de objetivos inicial G5:

[$sem(meia, direito)$]

Subobjetivo selecionado: [$sem(meia, direito)$]

$sem(meia, direito) = .$ verdadeiro no estado inicial

Nova lista de objetivos G6: []



sem(meia, direito)

colocar(meia,direito)

colocado(meia, direito)



colocado(meia, direito)

calçar(sapato,direito)

calçado(sapato, direito)



sem(meia, esquerdo)

colocar(meia,esquerdo)

colocado(meia, esquerdo)



colocado(meia, esquerdo)

calçar(sapato,esquerdo)

calçado(sapato, esquerdo)

Exemplo de Planejamento por Regressão com relações derivadas



Situação inicial: [*sitting_at(rob, o109)*, *sitting_at(parcel, storage)*, *sitting_at(k1, mail)*]

Lista de objetivos inicial **G**: [*carrying(rob, parcel)*, ***sitting_at(rob, lab2)***]

Ação: ***move(rob, P, lab2)***

Precondição mais fraca para **G** e a ação **mover**:

[*carrying(rob, parcel)*, *sitting_at(rob, P)*, *adjacent(P, lab2)*, *automomous(rob)*]

Exemplo de Planejamento por Regressão com relações derivadas



Nova lista de objetivos G1:

$[carrying(rob, parcel), sitting_at(rob, P), adjacent(P, lab2), automomous(rob)]$

$automomous(rob) \Rightarrow$ relação estática verdadeira

$adjacent(P, lab2) \Rightarrow$ é uma relação derivada

Resolve com $Adjacent(P_1, P_2) \leftarrow between(Door, P_1, P_2) \wedge unlocked(Door)$

Unificação: $\{P_1/P, P_2/lab2\}$

$Adjacent(P, lab2) \leftarrow between(Door, P, lab2) \wedge unlocked(Door)$

Aplicando a relação derivada temos G1:

$[carrying(rob, parcel), sitting_at(rob, P), between(Door, P, lab2), unlocked(Door)]$

$between(Door, P, lab2)$ resolve com $between(door1, o103, lab2)$

Unificação: $\{Door/door1, P/o103\}$

$between(door1, o103, lab2) \Rightarrow$ relação estática verdadeira

Exemplo de Planejamento por Regressão com relações derivadas



Situação inicial: [*sitting_at(rob, o109), sitting_at(parcel, storage), sitting_at(k1, mail)*]

Lista de objetivos G1:

[*carrying(rob, parcel), sitting_at(rob, o103), **unlocked(door1)***]

Ação: ***unlock(door1)***

Precondição mais fraca para **G1** e a ação **unlock**:

[*carrying(rob, parcel), sitting_at(rob, o103), **autonomous(rob), between(door1, o103, lab2), at(rob, o103), open(Key, door1), carrying(rob, Key)***]

Exemplo de Planejamento por Regressão com relações derivadas



Nova lista de objetivos G2:

[*carrying(rob, parcel)*, *sitting_at(rob, o103)*, *autonomous(rob)*, *between(door1, o103, lab2)*, *at(rob, o103)*, *open(Key, door1)*, *carrying(rob, Key)*]

autonomous(rob) => relação estática verdadeira

between(door1, o103, lab2) => relação estática verdadeira

at(rob, o103) => é uma relação derivada

Resolve com $at(Obj, Pos) \leftarrow sitting_at(Obj, Pos)$ unificação {Obj/rob, Pos/o103}

$at(rob, o103) \leftarrow sitting_at(rob, o103)$

sitting_at(rob, o103) => verdadeiro em G2

open(Key, door1) resolve com $open(k1, door1)$ => relação estática verdadeira

Aplicando as relações derivadas e retirando as relações estáticas verdadeiras temos

G2: [*carrying(rob, parcel)*, *sitting_at(rob, o103)*, *carrying(rob, k1)*]

Exemplo de Planejamento por Regressão com relações derivadas



Situação inicial: [*sitting_at(rob, o109)*, *sitting_at(parcel, storage)*, *sitting_at(k1, mail)*]

Lista de objetivos G2:

[*carrying(rob, parcel)*, *sitting_at(rob, o103)*, ***carrying(rob, k1)***]

Ação: ***pickup(rob, k1)***

Precondição mais fraca para **G2** e a ação **pickup**:

[*carrying(rob, parcel)*, *sitting_at(rob, o103)*, *autonomous(rob)*, *rob ≠ k1*, *at(rob, Pos)*, *sitting_at(rob, Pos)*]

Exemplo de Planejamento por Regressão com relações derivadas



Nova lista de objetivos G3:

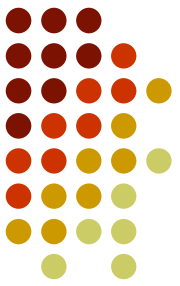
[carrying(rob, parcel), sitting_at(rob, o103), autonomous(rob), rob ≠ k1, at(rob, Pos), sitting_at(rob, Pos)]

autonomous(rob) => relação estática verdadeira

rob ≠ k1 => verdadeira

... continua até que a lista de objetivos G_x seja vazia.

Exercício – Trocar o pneu furado



- Objetivo: $em(furado, portamalas) \wedge em(estepe, eixo)$
- Situação Inicial: $em(furado, eixo) \wedge em(estepe, portamalas)$
- Ações possíveis:
 - $remover(P, portamalas)$
 - Precondições: $[em(P, portamalas)]$
 - Lista a apagar: $[em(P, portamalas)]$
 - Lista a adicionar: $[em(P, fora)]$
 - $desmontar(P, eixo)$
 - Precondições: $[em(P, eixo)]$
 - Lista a apagar: $[em(P, eixo)]$
 - Lista a adicionar: $[vazio(eixo), em(P, fora)]$
 - $montar(P, eixo)$
 - Precondições: $[em(P, fora), vazio(eixo)]$
 - Lista a apagar: $[em(P, fora), vazio(eixo)]$
 - Lista a adicionar: $[em(P, eixo)]$
 - $colocar(P, portamalas)$
 - Precondições: $[em(P, fora)]$
 - Lista a apagar: $[em(P, fora)]$
 - Lista a adicionar: $[em(P, portamalas)]$