



# Refinamento das Estratégias de Busca

Profa. Josiane M. P. Ferreira

Texto base:

David Poole, Alan Mackworth e Randy Goebel - "*Computational Intelligence – A logical approach*"

Stuart Russel e Peter Norving - "Inteligência Artificial"

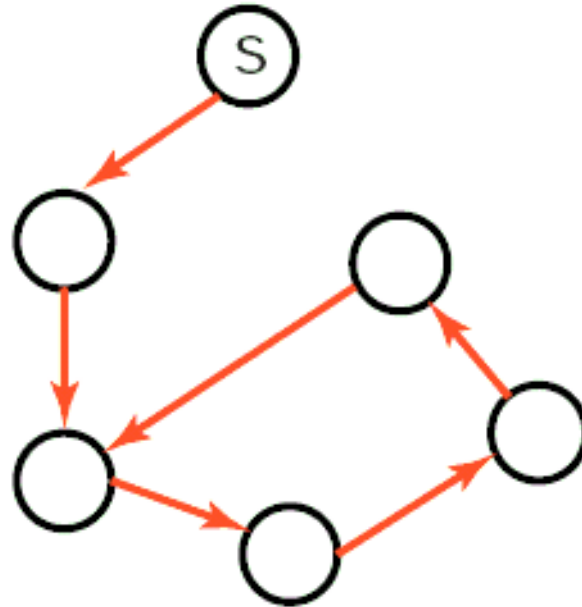
junho/2007



# Resumo das estratégias de busca

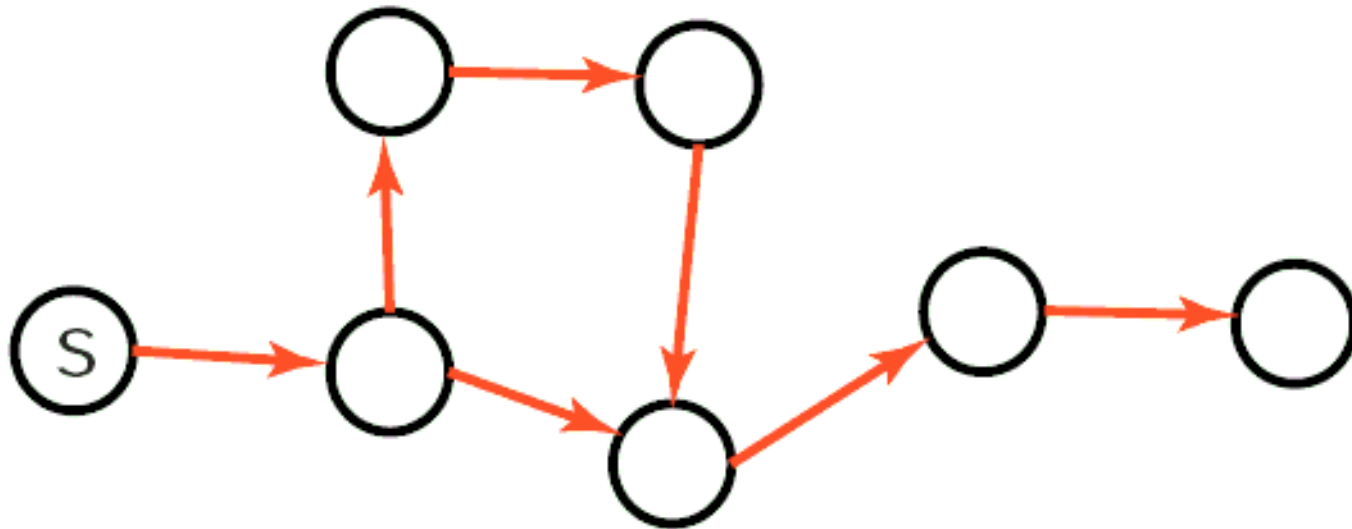
<b><i>Estratégia</i></b>	<b><i>Seleção da fronteira</i></b>	<b><i>Completa?</i></b>	<b><i>Espaço</i></b>
Profundidade	último nó adicionado	não	linear
Largura	primeiro nó adicionado	sim	exponencial
Heurística em profundidade primeiro	minimo local $h(n)$	não	linear
Melhor primeiro	mínimo global $h(n)$	não	exponencial
Menor custo primeiro	minimo $g(n)$	sim	exponencial
A*	minimo $f(n) = h(n) + g(n)$	sim	exponencial

# ● ● ● | Checando de ciclos



- Podemos podar um caminho que termina em um nó que já faz parte do caminho
  - Esta poda não pode remover uma solução ótima
  - Normalmente leva tempo linear no tamanho do caminho

# Podando múltiplos caminhos



- Podemos podar um caminho para um nó  $n$  quando a busca já encontrou um caminho para  $n$ 
  - Deveremos guardar todos os nós para os quais a busca já encontrou um caminho (lista de nós fechados)



# Podando múltiplos caminhos e a solução ótima

- E se um caminho para  $n$  encontrado depois for menor do que o primeiro caminho encontrado para  $n$ ?
  - Podemos remover todos os caminhos da fronteira que usam um caminho maior até  $n$
  - Podemos modificar o segmento inicial dos caminhos da fronteira para utilizar o caminho menor
  - Podemos assegurar que isso não aconteça tendo certeza que o caminho mais curto para um nó é encontrado primeiro



## Podando múltiplos caminhos e A\*

- Usando A\* é possível que quando um nó seja selecionado pela primeira vez, o caminho associado a ele não seja o menor caminho
- Para que o primeiro caminho encontrado para um nó  $n$ , seja o caminho mais curto, a heurística utilizada deve ser monotônica
  - Uma função heurística  $h$  satisfaz a restrição de monotonicidade se  $|h(n') - h(n)| \leq d(n', n)$  para todo arco  $\langle m, n \rangle$
- Desta forma, os valores de  $f$  na fronteira serão monotonicamente não decrescentes
- A\* que utiliza uma  $h$  monotônica e poda de múltiplos caminhos sempre encontrará o menor caminho para o objetivo



## Quando usar o quê

- Poda de múltiplos caminhos engloba a checagem de ciclos
  - Pode ser feito em tempo constante se todos os nós encontrados estiverem armazenados
- Poda de múltiplos caminhos
  - Métodos em largura primeiro – quando temos que armazenar virtualmente todos os nós considerados
- Checagem de ciclos
  - Métodos em profundidade primeiro – quando armazenamos somente o caminho para o qual estamos realizando a busca



# Busca em profundidade iterativa

- Até agora, todas as estratégias de busca que garantem encontrar uma solução usam espaço exponencial
- Idéia: Recomputar os nós ao invés de armazená-los
- Procurar por caminho de profundidade zero, depois profundidade 1, depois profundidade 2, depois profundidade 3, etc
- Precisamos de um algoritmo de busca em profundidade limitada
- Se o caminho não é encontrado na profundidade  $B$ , então procure por um caminho na profundidade  $B + 1$ 
  - Aumentando o limite de profundidade quando a busca falha não-naturalmente (limite de profundidade foi alcançado)



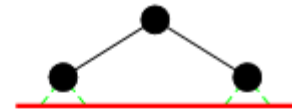
# Busca em profundidade iterativa

Limit = 0



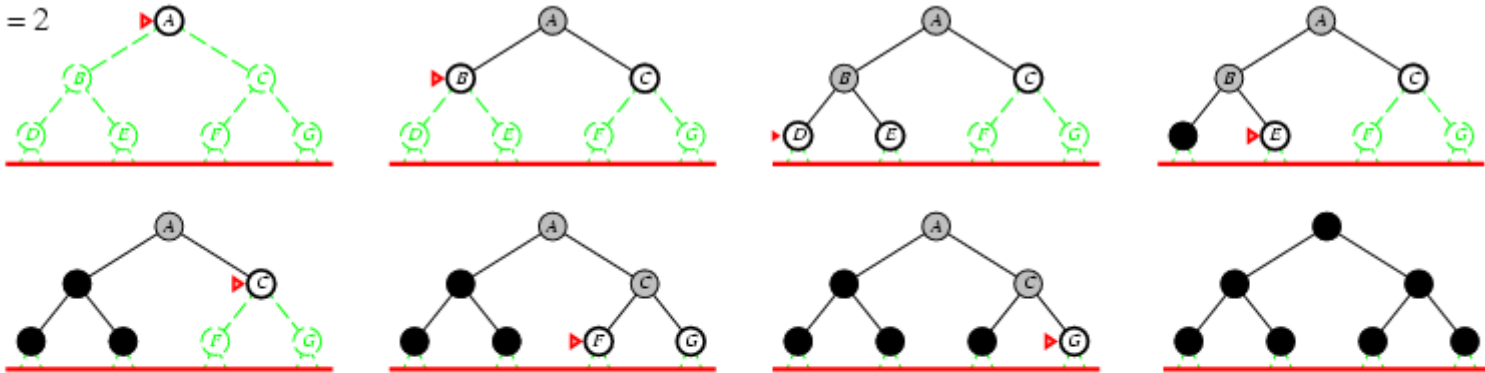
# Busca em profundidade iterativa

Limit = 1



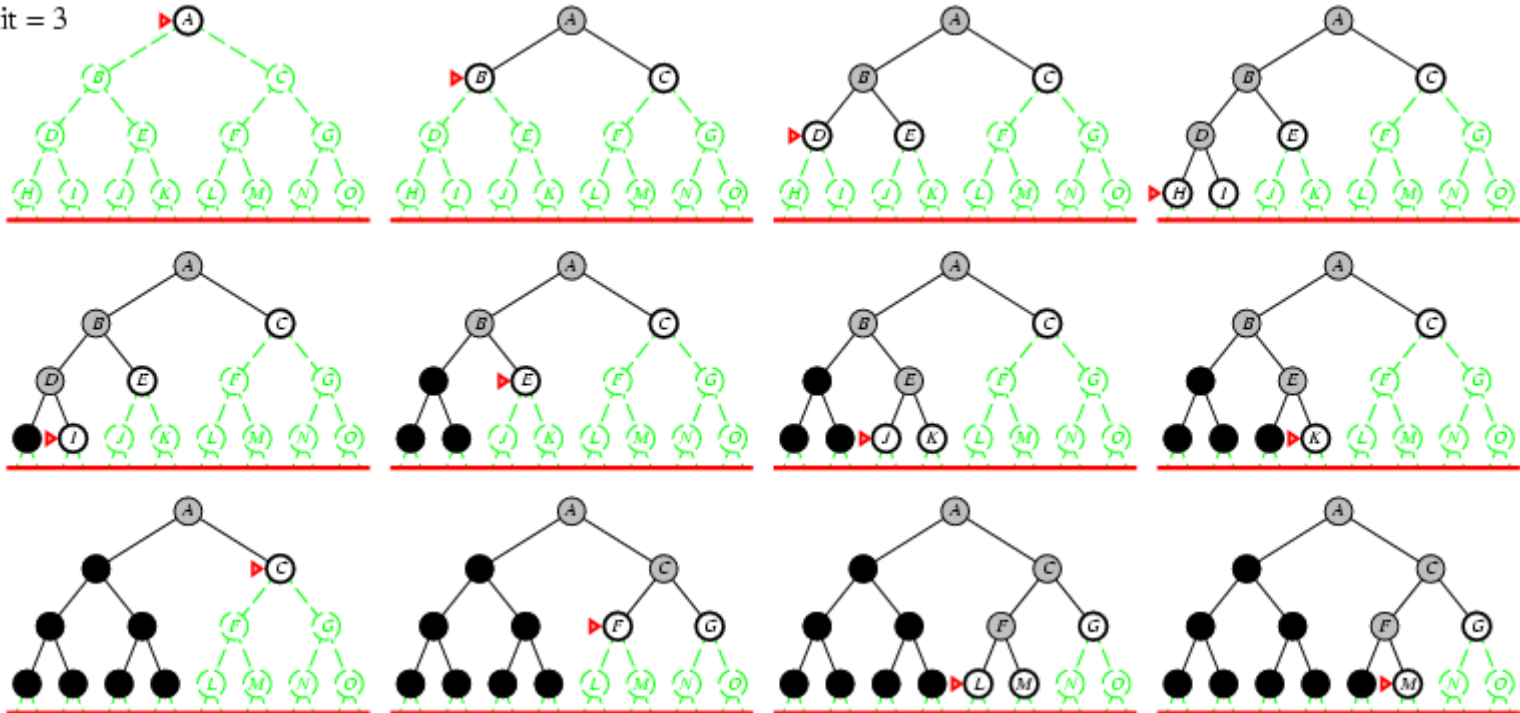
# Busca em profundidade iterativa

Limit = 2



# Busca em profundidade iterativa

Limit = 3



Apesar de parecer nem um pouco eficiente, os nós que são “recomputados” várias vezes são os nós dos níveis mais altos, que normalmente são em menor quantidade



## Direção da Busca

- A definição de busca é simétrica: encontrar caminhos do nó inicial até o nó objetivo ou do nó objetivo até o nó inicial
- **Fator de ramificação para frente:** Número de arcos que saem de um nó
- **Fator de ramificação para trás:** Número de arcos que entram em um nó
- Devemos usar busca para frente se o fator de ramificação para frente for menor do que o fator de ramificação para trás, e vice-versa
- Algumas vezes quando o grafo é dinamicamente construído, pode ser que não possamos construí-lo de trás para frente



# Busca Bidirecional

- Podemos buscar do objetivo para trás e do nó inicial para frentes simultaneamente
- Pode resultar em economia de espaço e tempo
  - $2b^{k/2} \ll b^k$
- O principal problema é ter certeza que as fronteiras se encontram
  - Isso deve ser uma operação pouco custosa para não tornar a busca inviável
- Nem todas as estratégias de busca funcionam
  - A busca em profundidade nas duas direções pode ser desastrosa
  - A busca em largura garante que as fronteiras se encontram
  - Normalmente é utilizada busca em largura em pelo menos uma das direções